

# COMPTES RENDUS

## DES SÉANCES

### DE L'ACADÉMIE DES SCIENCES.

---

SÉANCE DU LUNDI 14 DÉCEMBRE 1891.

PRÉSIDENTE DE M. DUCHARTRE.

#### MÉMOIRES ET COMMUNICATIONS

DES MEMBRES ET DES CORRESPONDANTS DE L'ACADÉMIE.

ANALYSE MATHÉMATIQUE. — *Sur la distribution des nombres premiers.*

Note de M. H. POINCARÉ.

« En voulant étendre aux nombres complexes les théorèmes de M. Tchebycheff, je suis arrivé aux résultats suivants, qui concernent la distribution des nombres premiers de la forme  $4n + 1$ .

» La somme des logarithmes des nombres premiers de la forme  $4n + 1$  inférieurs à  $x$  est une infinité de fois plus petite que  $\frac{ax}{2}$ , si  $a > 1$ , et une infinité de fois plus grande que  $\frac{ax}{2}$ , si  $a < 1$ .

» Le nombre des nombres premiers de la forme  $4n + 1$  inférieurs à  $x$  est une infinité de fois plus petit que  $\frac{ax}{2 \log x}$ , si  $a > 1$ , et une infinité de fois plus grand que  $\frac{ax}{2 \log x}$ , si  $a < 1$ . »